

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Wortelfuncties

### 1 maximumscore 6

- (De grafieken van  $f$  en  $g$  snijden elkaar in  $(0, 0)$  dus) er moet gelden:

$$\int_0^a \left( \sqrt{x} - \frac{1}{2}\sqrt{x} \right) dx = \int_a^4 \frac{1}{2}\sqrt{x} dx \quad (\text{ofwel} \quad \int_0^a \frac{1}{2}\sqrt{x} dx = \int_a^4 \frac{1}{2}\sqrt{x} dx) \quad 2$$

- Een primitieve van  $\frac{1}{2}\sqrt{x}$  is  $\frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}}$  1
- Invullen van de grenzen geeft  $\frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}} = \frac{8}{3} - \frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}}$  1
- Dit geeft  $a^{\frac{3}{2}} = 4$  1
- Dus  $a = \sqrt[3]{16}$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1

of

- Wegens  $f(x) = 2 \cdot g(x)$  zijn de begrensde vlakdelen links van  $x = a$  even groot en rechts van  $x = a$  ook, dus moeten de vier begrensde vlakdelen even groot zijn 1
- Er moet gelden:  $\int_0^a \sqrt{x} dx = \frac{1}{2} \cdot \int_0^4 \sqrt{x} dx$  (of  $\int_0^a \sqrt{x} dx = \int_a^4 \sqrt{x} dx$ ) 1
- Een primitieve van  $\sqrt{x}$  is  $\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}}$  1
- Invullen van de grenzen geeft  $\frac{2}{3}a^{\frac{3}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{16}{3}$  (of  $\frac{2}{3}a^{\frac{3}{2}} = \frac{16}{3} - \frac{2}{3}a^{\frac{3}{2}}$ ) 1
- Dit geeft  $a^{\frac{3}{2}} = 4$  1
- Dus  $a = \sqrt[3]{16}$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1

of

- De oppervlakte van het ene vlakdeel is  $\int_0^a \left( \sqrt{x} - \frac{1}{2}\sqrt{x} \right) dx = \int_0^a \frac{1}{2}\sqrt{x} dx$  1
- $\int_0^a \frac{1}{2}\sqrt{x} dx = \left[ \frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}} \right]_0^a = \frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}}$  1
- De oppervlakte van het andere vlakdeel is  $\int_a^4 \frac{1}{2}\sqrt{x} dx$  1
- $\int_a^4 \frac{1}{2}\sqrt{x} dx = \left[ \frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}} \right]_a^4 = \frac{8}{3} - \frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}}$  1
- $\frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}} = \frac{8}{3} - \frac{1}{3}a^{\frac{3}{2}}$  geeft  $a^{\frac{3}{2}} = 4$  1
- Dus  $a = \sqrt[3]{16}$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1

| Vraag    | Antwoord  | Scores |
|----------|---|--------|
| <b>2</b> | <b>maximumscore 4</b>   |        |
|          | • De coördinaten van $P$ zijn $(p, \sqrt{p})$   | 1      |
|          | • Voor de coördinaten van $M$ geldt: $x = \frac{1}{2}p + 1$ en $y = \frac{1}{2}\sqrt{p}$  | 1      |
|          | • $h(\frac{1}{2}p + 1) = \sqrt{\frac{1}{2}(\frac{1}{2}p + 1) - \frac{1}{2}}$  | 1      |
|          | • $\sqrt{\frac{1}{2}(\frac{1}{2}p + 1) - \frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{4}p} = \frac{1}{2}\sqrt{p}$ (, dus $M$ ligt op de grafiek van $h$ )    | 1      |
|          | of  |        |
|          | • De coördinaten van $P$ zijn $(p, \sqrt{p})$   | 1      |
|          | • Voor de coördinaten van $M$ geldt: $x = \frac{1}{2}p + 1$ en $y = \frac{1}{2}\sqrt{p}$  | 1      |
|          | • $x = \frac{1}{2}p + 1$ geeft $p = 2x - 2$   | 1      |
|          | • Dus $y = \frac{1}{2}\sqrt{2x - 2} = \sqrt{\frac{1}{4}(2x - 2)} = \sqrt{\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}}$ (, dus $M$ ligt op de grafiek van $h$ ) | 1      |