

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

## Absolute natuurlijke logaritme

### 13 maximumscore 6

- $|\ln(x_C)| = \ln(x_C) = q$  (want  $\ln(x_C) > 0$ ), dus  $x_C = e^q$  1
- $|\ln(x_B)| = -\ln(x_B)$  (want  $\ln(x_B) < 0$ ) 1
- $-\ln(x_B) = q$ , dus  $\ln(x_B) = -q$ , dus  $x_B = e^{-q}$  1
- De vergelijking ( $e^q - e^{-q} = 3e^{-q}$ , dus)  $e^q = 4e^{-q}$  moet worden opgelost 1
- Hieruit volgt  $e^{2q} = 4$  1
- Dus  $q = \frac{1}{2} \ln(4)$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1

of

- Er moet gelden ( $x_C - x_B = 3 \cdot x_B$ , dus)  $x_C = 4 \cdot x_B$  1
- De vergelijking  $|\ln(b)| = |\ln(4b)|$  moet worden opgelost, waarbij  $b$  de  $x$ -coördinaat van  $B$  is 1
- $|\ln(b)| = -\ln(b)$  (want  $\ln(b) < 0$ ) en  $|\ln(4b)| = \ln(4b)$  (want  $\ln(4b) > 0$ ) 1
- Uit  $-\ln(b) = \ln(4b)$  volgt  $\ln\left(\frac{1}{b}\right) = \ln(4b)$  1
- $\frac{1}{b} = 4b$ , dus  $1 = 4b^2$  1
- Dit geeft  $b = \frac{1}{2}$  ( $b = -\frac{1}{2}$  voldoet niet), dus  $q = \ln(2)$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1