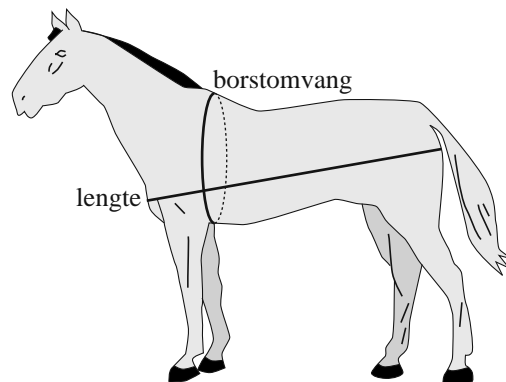


## Het gewicht van een paard

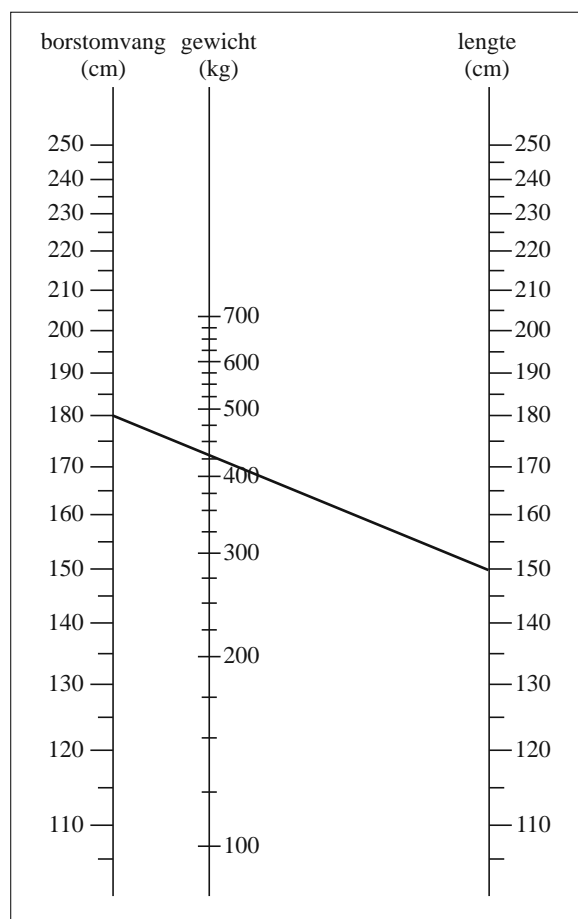
Voor mensen die paarden verzorgen is het belangrijk om te weten hoe zwaar hun paard is. Het gewicht van een paard kan worden geschat met behulp van twee afmetingen: de borstomvang en de lengte. Zie figuur 1.

figuur 1



Bij een van de methoden om met behulp van deze afmetingen het gewicht te schatten, maak je gebruik van een **nomogram**. Zie figuur 2.

figuur 2



Het schatten met behulp van het nomogram gaat als volgt. Na meting van de borstomvang en de lengte van een paard worden deze als twee punten op de bijbehorende verticale assen in het nomogram aangegeven. Het snijpunt van de lijn door deze twee punten met de middelste as (gewicht) geeft een schatting van het gewicht van het paard.

In het nomogram zie je bijvoorbeeld dat een borstomvang van 180 cm en een lengte van 150 cm een schatting van het gewicht van het paard geeft van ongeveer 430 kg.

In vraag 1 bekijk je twee paarden met een even grote borstomvang. De lengte van het ene paard is 1,5 keer zo groot als die van het andere paard.

- 4p 1 Kies een borstomvang en een lengte voor het kleinste paard en onderzoek met behulp van de figuur op de uitwerkbijlage of het gewicht van het grootste paard ook 1,5 keer zo groot is als dat van het kleinste paard. Licht je antwoord toe.

# Eindexamen havo wiskunde B pilot 2012 - II

Een andere methode om het gewicht van een paard te schatten aan de hand van de borstomvang en de lengte, maakt gebruik van formules.

Twee van zulke formules zijn de formule van Carroll en de formule van Jones:

$$G_C = \frac{B^2 \cdot L}{11900} \text{ en } G_J = \frac{B^{1,78} \cdot L^{0,97}}{3000}, \text{ met } 100 < B < 300 \text{ en } 100 < L < 200.$$

Hierin zijn  $G_C$  en  $G_J$  het gewicht in kg volgens respectievelijk Carroll en Jones.

$B$  is de borstomvang in cm en  $L$  is de lengte in cm.

Voor paarden van hetzelfde ras geldt dat er een vaste verhouding is tussen de borstomvang en de lengte.

Een Belgisch trekpaard bijvoorbeeld is een zwaar gebouwd paard (zie foto 1) waarvoor deze verhouding gelijk is aan 3 : 2.

**foto 1**



Een bepaald Belgisch trekpaard heeft een lengte van 150 cm. Je kunt het gewicht van dit paard schatten met bovenstaande formules, maar ook met het nomogram. Bij dit paard komt het gewicht volgens het nomogram het best overeen met het gewicht volgens één van beide formules.

- 5p 2 Welke van de twee formules is dit? Licht je antwoord toe.

De Arabische volbloed is een veel slanker paardenras. Zie foto 2. We gaan ervan uit dat bij dit ras de borstomvang en de lengte aan elkaar gelijk zijn.

**foto 2**



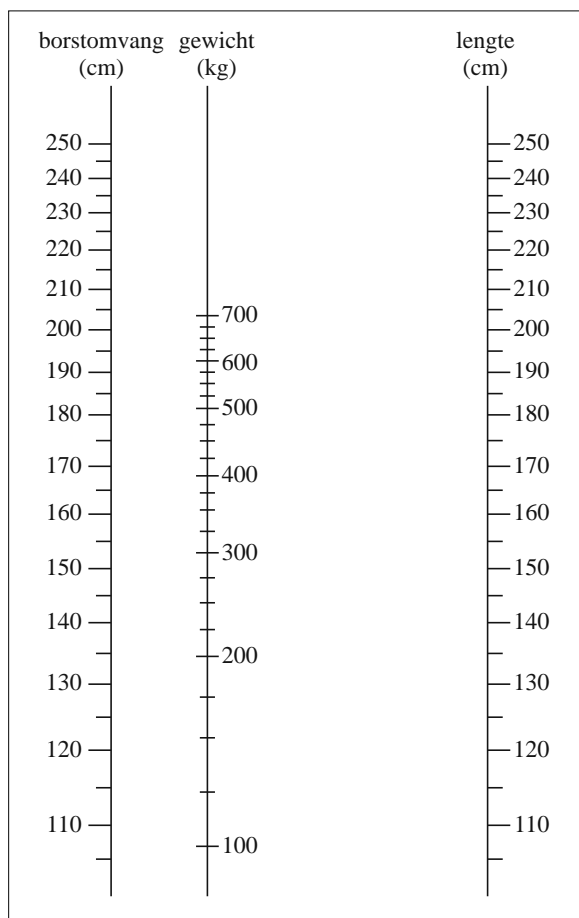
$V$  is het verschil tussen de schattingen van het gewicht volgens de twee formules:

$$V = G_J - G_C$$

- 6p 3 Onderzoek bij welke lengte van een Arabische volbloed het verschil  $V$  maximaal is. Rond je antwoord af op een geheel aantal centimeters.

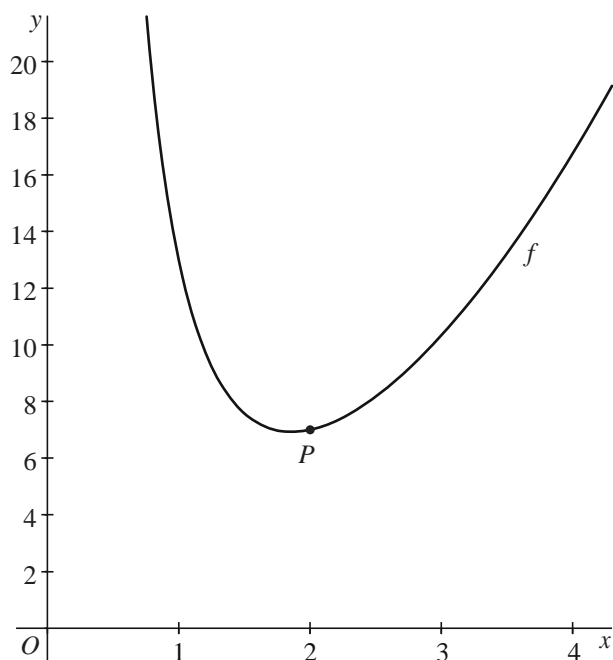
## uitwerkbijlage

1 en 2



**Grafiek**

De functie  $f$  is gegeven door  $f(x) = x^2 + 12x^{-2}$ , met  $x > 0$ .  
In onderstaande figuur is de grafiek van  $f$  getekend.

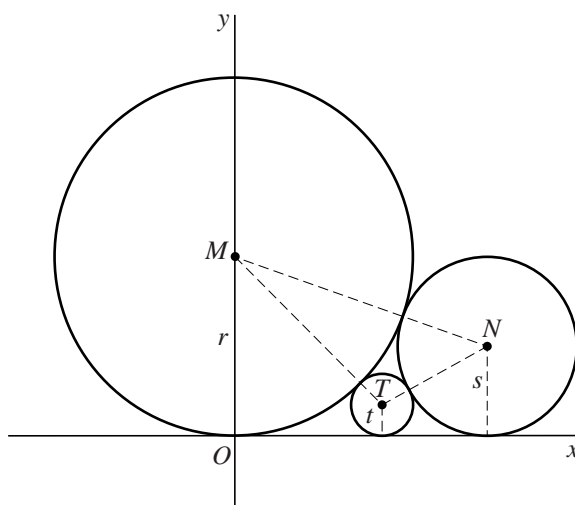
**figuur**

- Op de grafiek van  $f$  ligt het punt  $P$  met coördinaten  $(2, 7)$ .
- 4p **4** Stel op algebraïsche wijze een vergelijking op van de raaklijn aan de grafiek in  $P$ .
- Een horizontale lijn snijdt de grafiek van  $f$  in de punten  $A$  en  $B$ .  
De  $x$ -coördinaat van  $A$  is 1.
- 4p **5** Bereken de afstand tussen  $A$  en  $B$ . Geef je antwoord in twee decimalen nauwkeurig.

## Drie cirkels

In de figuur zijn in een assenstelsel drie cirkels getekend.  
 De cirkels raken elkaar en bovendien raken ze alle drie de  $x$ -as.  
 De linker cirkel heeft middelpunt  $M$  en straal  $r$ . Punt  $M$  ligt op de  $y$ -as.  
 De middelste cirkel heeft middelpunt  $T$  en straal  $t$ . De rechter cirkel heeft middelpunt  $N$  en straal  $s$ .  
 Verder is  $r \geq s > t$ .

figuur



De vragen 6 en 7 hebben betrekking op de situatie waarin geldt:  $r = 9$ ,  $s = 2\frac{1}{4}$  en  $t = 1$ .

- 5p **6** Bereken  $\angle MTN$ . Geef je antwoord in een geheel aantal graden.
- 6p **7** Stel een vergelijking op van de lijn door  $M$  en  $T$ .

Voor de stralen van de drie cirkels geldt:  $\frac{1}{\sqrt{t}} = \frac{1}{\sqrt{r}} + \frac{1}{\sqrt{s}}$

De vragen 8 en 9 hebben betrekking op de situatie waarin  $r = s = 2$ .

In deze situatie geldt:  $t = \frac{1}{2}$

- 3p **8** Toon aan dat in deze situatie inderdaad geldt:  $t = \frac{1}{2}$ .
- 4p **9** Bereken de oppervlakte van driehoek  $MNT$ .

## Luchtdruk en hoogte

In de luchtvaart spelen hoogte en luchtdruk een belangrijke rol. De luchtdruk kan worden gemeten met een luchtdrukmeter. Uit de waarde van de gemeten luchtdruk kan de hoogte van het vliegtuig worden afgeleid. Luchtdruk wordt gemeten in millibar (mbar) en hoogte in feet (meervoud van foot, 1 foot  $\approx$  30 cm). Hoe hoger je vliegt, hoe lager de luchtdruk is.

**foto**



Voor het verband tussen de hoogte en de luchtdruk wordt gebruik gemaakt van de volgende vuistregels:

- Op zeeniveau (hoogte 0 foot) is de luchtdruk 1013 millibar;
- Tot een hoogte van 12 000 feet neemt de luchtdruk af met 1 millibar per 30 feet stijging.

Uit deze vuistregels is voor hoogten tot 12 000 feet de volgende lineaire formule af te leiden:

$$h = 30\,390 - 30p$$

Hierin is  $h$  de hoogte in feet en  $p$  de luchtdruk in millibar.

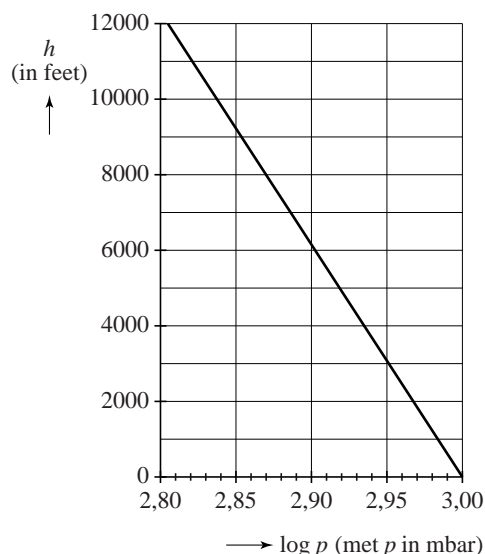
4p **10** Toon aan dat de formule volgt uit de vuistregels.

Een andere manier om het verband tussen de luchtdruk  $p$  en de hoogte  $h$  te beschrijven, gaat uit van een logaritmisch verband. In de figuur is het verband tussen  $\log p$  en  $h$  weergegeven. Deze figuur staat vergroot op de uitwerkbijlage.

In een vliegtuig wordt een luchtdruk van 843 millibar gemeten. In de figuur op de uitwerkbijlage kan nu de hoogte worden afgelezen.

4p **11** Lees deze hoogte af en bereken hoeveel deze verschilt van de hoogte die berekend kan worden met behulp van de formule  $h = 30\,390 - 30p$ .

**figuur**



# Eindexamen havo wiskunde B pilot 2012 - II

havovwo.nl

---

Het logaritmische verband dat in de figuur is weergegeven, kan beschreven worden met de formule  $h = 61\,500 \cdot (3,00 - \log p)$ .

Hierin is  $h$  weer de hoogte in feet en  $p$  de luchtdruk in millibar.

Bij een bepaalde luchtdruk leveren de formules  $h = 30\,390 - 30p$  en  $h = 61\,500 \cdot (3,00 - \log p)$  dezelfde hoogte op.

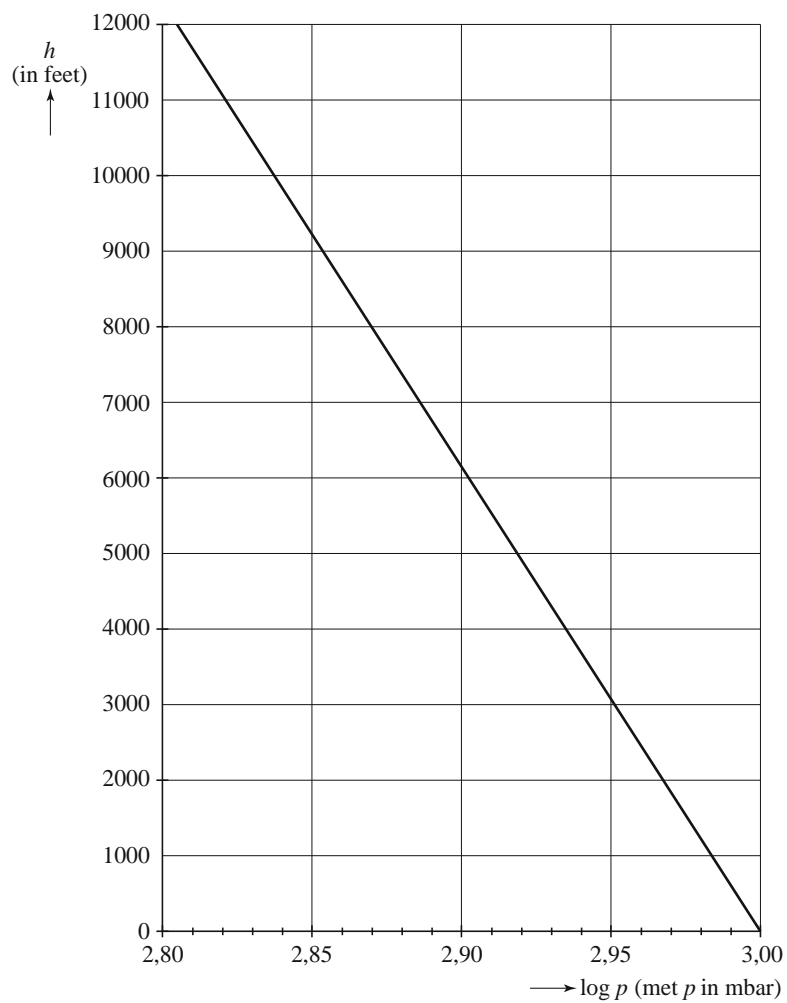
- 3p **12** Bereken bij welke luchtdruk dit het geval is. Geef je antwoord in een geheel aantal millibar.

Een vliegtuig stijgt van 0 foot naar 1000 feet.

- 4p **13** Bereken het percentage waarmee de luchtdruk tijdens deze stijging volgens de formule  $h = 61\,500 \cdot (3,00 - \log p)$  afneemt. Rond je antwoord af op één decimaal.

uitwerkbijlage

11





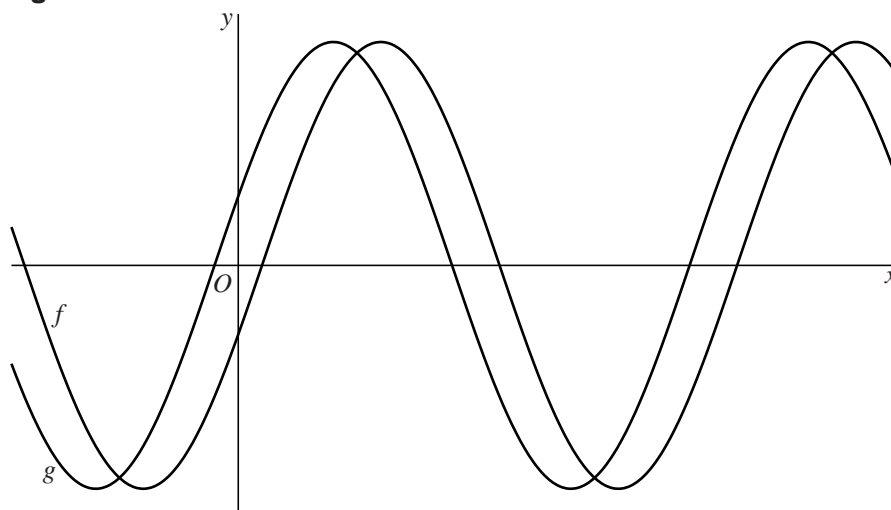
## Sinusoïdes

De functies  $f$  en  $g$  zijn gegeven door  $f(x) = 4\sin(x - \frac{1}{10}\pi)$  en

$$g(x) = 4\sin(x + \frac{1}{10}\pi).$$

Deze twee functies hebben dezelfde evenwichtsstand en dezelfde periode. In de figuur zie je (een deel van) de grafieken van de functies  $f$  en  $g$ .

**figuur**



Je kunt de grafiek van  $f$  horizontaal over een afstand  $m$  verschuiven, zodat deze samenvalt met de grafiek van  $g$ .

- 3p **14** Bereken exact een mogelijke waarde van  $m$ .

De verschilfunctie  $v$  is gegeven door  $v(x) = f(x) - g(x)$ . Hieruit volgt dat  $v(x)$  kan worden geschreven in de vorm  $v(x) = a + b\sin(c(x-d))$ .

- 5p **15** Bereken mogelijke waarden van  $a$ ,  $b$ ,  $c$  en  $d$ . Rond de gevonden waarden zo nodig af op twee decimalen.

## Windenergie

---

Om elektriciteit op te wekken, worden in gebieden waar het veel waait windmolenparken aangelegd. Windmolens zetten windenergie om in elektrische energie. Steeds vaker worden windmolenparken in zee aangelegd, omdat het boven open zee meestal harder waait dan boven land. Ook boven zee waait het echter niet altijd even hard en dat heeft gevolgen voor de hoeveelheid opgewekte elektrische energie.

**foto**



De hoeveelheid energie die door wind wordt opgewekt, is evenredig met de derdemacht van de windsnelheid.

Een kleine afname in de windsnelheid levert al een relatief grote afname in de hoeveelheid opgewekte energie op.

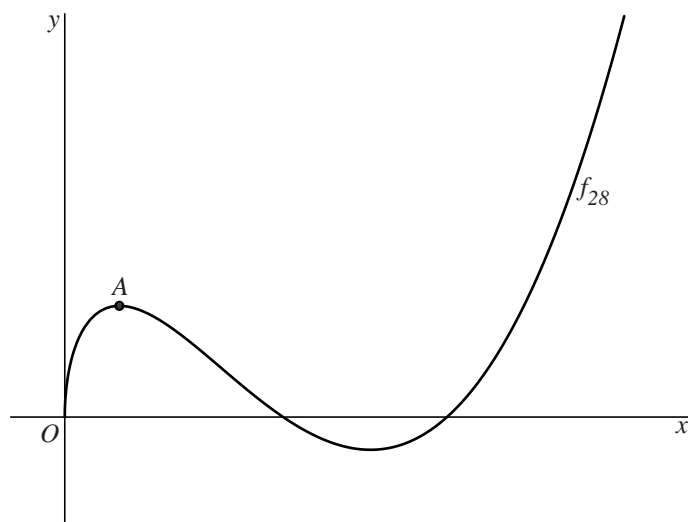
- 3p **16** Bereken met hoeveel procent de hoeveelheid opgewekte energie daalt als de windsnelheid afneemt van 10,0 m/s naar 9,5 m/s. Rond je antwoord af op een geheel getal.
- 3p **17** Bereken met hoeveel procent de windsnelheid moet toenemen om twee keer zoveel energie op te wekken. Rond je antwoord af op een geheel getal.

## Functies met een wortel

Voor  $c > 0$  is de functie  $f_c$  gegeven door  $f_c(x) = (x^2 - 11x + c)\sqrt{x}$ .

In figuur 1 is de grafiek van de functie  $f_{28}(x) = (x^2 - 11x + 28)\sqrt{x}$  getekend.

figuur 1



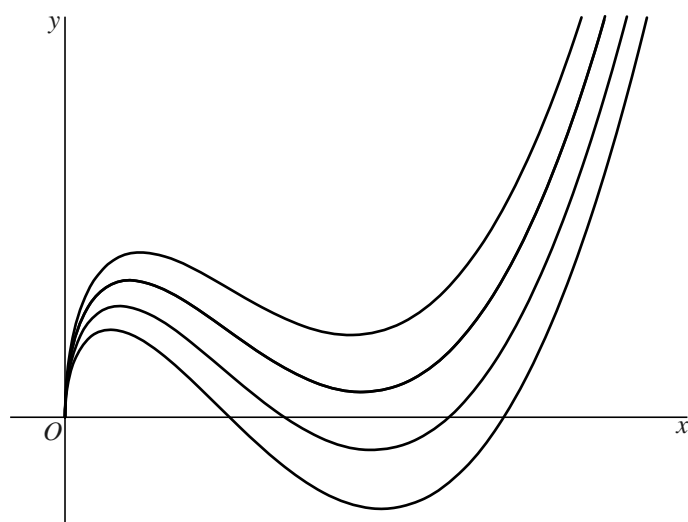
- 3p **18** Bereken exact de  $x$ -coördinaten van de snijpunten van de grafiek van  $f_{28}$  met de  $x$ -as.

Op de grafiek van  $f_{28}$  ligt punt  $A$ . Punt  $A$  is een top van de grafiek. Zie figuur 1.

- 5p **19** Bereken met behulp van differentiëren de coördinaten van  $A$ .

In figuur 2 is voor enkele waarden van  $c$  de grafiek van  $f_c$  getekend.

figuur 2



- 4p **20** Bereken exact voor welke waarde van  $c$  de grafiek van  $f_c$  de  $x$ -as raakt.