

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Vliegende parkieten

1 maximumscore 4

- Invullen van $v = 12$ geeft $D \approx 0,0807$ 1
 - Invullen van $v = 15$ geeft $D \approx 0,1062$ 1
 - De procentuele toename is $\frac{0,1062 - 0,0807}{0,0807} \cdot 100\%$ 1
 - Dit is 32 (%) (of nauwkeuriger) 1
- of
- Beschrijven hoe $\frac{D(15)}{D(12)}$ berekend kan worden 2
 - $\frac{D(15)}{D(12)} \approx 1,32$ 1
 - Dus D neemt toe met 32 (%) (of nauwkeuriger) 1

2 maximumscore 4

- Opgelost moet worden $\frac{6,0}{v^2} + 0,00050v^2 - 0,033 = 0,10$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- De oplossingen zijn $v \approx 7,59$ en $v \approx 14,44$ 1
- Het antwoord: bij snelheden vanaf 7,6 (m/s) tot en met 14,4 (m/s) 1

Opmerking

In het antwoord formuleringen als 'Bij snelheden van 7,6 (m/s) tot 14,4 (m/s)' of ' $7,6 \leq v \leq 14,4$ ' ook goed rekenen.

3 maximumscore 7

- De formule voor D herschrijven tot $D = 6,0 \cdot v^{-2} + 0,00050v^2 - 0,033$ 1
- $\frac{dD}{dv} = -12,0 \cdot v^{-3} + 0,00100v$ 1
- $\frac{dD}{dv} = 0$ geeft $-12,0 + 0,00100v^4 = 0$ (of $0,00100v = \frac{12,0}{v^3}$) 2
- Hieruit volgt $v^4 = 12000$ 1
- Dus $v = \sqrt[4]{12000}$ 1
- De kruissnelheid van parkieten is 10,5 (m/s) 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Wortelfunctie

4 maximumscore 5

- (De lijn en de grafiek snijden elkaar niet als) de vergelijking $2x - 5 = \sqrt{4x - 12}$ (geen oplossingen heeft) 1
- Kwadrateren geeft $4x^2 - 20x + 25 = 4x - 12$ 1
- Herleiden geeft $4x^2 - 24x + 37 = 0$ 1
- De discriminant van deze vergelijking is $D = (-24)^2 - 4 \cdot 4 \cdot 37 = -16$ 1
- Omdat $D < 0$ heeft de vergelijking geen oplossingen (en dus snijden de lijn en de grafiek van f elkaar niet) 1

5 maximumscore 7

- $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{4x-12}}$ (of een vergelijkbare vorm) 2
- Er moet gelden $\frac{2}{\sqrt{4x-12}} = 2$ 1
- Beschrijven hoe hieruit de waarde van x gevonden kan worden 1
- De gezochte waarde van x is $3\frac{1}{4}$ (of 3,25) 1
- Beschrijven hoe met behulp van het voorgaande een vergelijking van de lijn gevonden kan worden 1
- De gevraagde vergelijking is $y = 2x - 5\frac{1}{2}$ (of $y = 2x - 5,5$) 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|----------|---|--------|
| 6 | maximumscore 3 | |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 394 1362 584">• $\sqrt{4x-12}$ is te herschrijven tot $\sqrt{4(x-3)}$ dus de transformaties kunnen zijn: de vermenigvuldiging ten opzichte van de y-as met $\frac{1}{4}$ en de translatie $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$ | 2 |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 591 1362 674">• De volgorde waarin deze transformaties moeten worden toegepast, is: eerst de vermenigvuldiging en daarna de translatie | 1 |
| | of | |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 725 1362 875">• De transformaties kunnen zijn: de translatie $\begin{pmatrix} 12 \\ 0 \end{pmatrix}$ en de vermenigvuldiging ten opzichte van de y-as met $\frac{1}{4}$ | 2 |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 882 1362 965">• De volgorde waarin deze transformaties moeten worden toegepast, is: eerst de translatie en daarna de vermenigvuldiging | 1 |
| | of | |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 1016 1362 1211">• $\sqrt{4x-12}$ is te herschrijven tot $2\sqrt{x-3}$ dus de transformaties kunnen zijn: de translatie $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$ en de vermenigvuldiging ten opzichte van de x-as met 2 | 2 |
| | <ul style="list-style-type: none"> <li data-bbox="320 1218 1362 1332">• De volgorde waarin deze transformaties kunnen worden toegepast, is: eerst de translatie en daarna de vermenigvuldiging (of: eerst de vermenigvuldiging en daarna de translatie) | 1 |

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Een punt binnen een cirkel

7 maximumscore 3

- (Uit de vergelijking van de cirkel volgt:) de straal van c is 5 en het middelpunt van c is $M(4, 5)$ 1
- $MP = \sqrt{(4-3)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{5}$ 1
- De gevraagde afstand is $5 - \sqrt{5}$ 1

8 maximumscore 6

- Voor punt A geldt: $((x-4)^2 + (0-5)^2 = 25$ dus $x = 4$ (en dus $A(4, 0)$) 1
- Voor de punten B en C geldt: $(0-4)^2 + (y-5)^2 = 25$ ofwel $(y-5)^2 = 9$ 1
- Hieruit volgt $y = 2$ of $y = 8$ (dus $B(0, 2)$ en $C(0, 8)$) 1
- Dus de richtingscoëfficiënt van k is $\frac{1}{3}$ en die van l is -2 1
- Hieruit volgt: de hoek die k maakt met de x -as is $18,4^\circ$ en de hoek die l maakt met de x -as is $-63,4^\circ$ 1
- De gevraagde hoek is dus $(18,4^\circ - -63,4^\circ \approx) 82^\circ$ 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Schaatshouding

9 maximumscore 3

- $\frac{69}{\sin 100^\circ} = \frac{48}{\sin \angle HEK}$ 1
- Beschrijven hoe hieruit $\angle HEK$ opgelost kan worden 1
- De gevraagde waarde van $\angle HEK$ is 43° 1

Opmerking

Als een kandidaat als gevolg van het tussentijds afronden van $\sin \angle HEK$ op 0,69 als antwoord 44° heeft gevonden, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

10 maximumscore 4

- Het inzicht dat de cosinusregel gebruikt kan worden 1
- $88^2 = 48^2 + 42^2 - 2 \cdot 48 \cdot 42 \cdot \cos \alpha$ 1
- Hieruit volgt $\cos \alpha = -\frac{3676}{4032}$ (of: $\cos \alpha \approx -0,91$ (of nauwkeuriger)) 1
- De gevraagde waarde van α is 156° 1

11 maximumscore 4

- $\alpha = 100^\circ$ geeft $HE \approx 65$ (cm) (of nauwkeuriger) 1
- $\alpha = 180^\circ$ geeft $HE = 85$ (cm) 1
- De gemiddelde snelheid is $\frac{85-65}{0,70}$ (cm per seconde) (of nauwkeuriger) 1
- Het antwoord 29 (of 28) (cm per seconde) 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Sinusoïde

12 maximumscore 4

- $2 - 4\sin(2x) = 0$ geeft $\sin(2x) = \frac{1}{2}$ 1
- Dit geeft met x op het interval $[-\frac{1}{2}\pi, \pi]$ en dus $2x$ op het interval $[-\pi, 2\pi]$: $2x = \frac{1}{6}\pi$ of $2x = \frac{5}{6}\pi$ 2
- De gevraagde coördinaten zijn $\frac{1}{12}\pi$ en $\frac{5}{12}\pi$ 1

13 maximumscore 6

- $f(0) = 2$ (dus $C(0, 2)$) 1
- (Een redenering waaruit volgt dat) $x_D = \frac{3}{4}\pi$ 1
- $f(\frac{3}{4}\pi) = 6$ (dus $D(\frac{3}{4}\pi, 6)$) 1
- Dit geeft $x_D - x_C = \frac{3}{4}\pi$ en $y_D - y_C = 4$ 1
- $y_C - y_E = 2$ 1
- Hieruit volgt $x_E = -\frac{3}{8}\pi$ 1

of

- $f(0) = 2$ (dus $C(0, 2)$) 1
- (Een redenering waaruit volgt dat) $x_D = \frac{3}{4}\pi$ 1
- $f(\frac{3}{4}\pi) = 6$ (dus $D(\frac{3}{4}\pi, 6)$) 1
- Dit geeft $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4}{\frac{3}{4}\pi} (= \frac{16}{3\pi})$ 1
- Een vergelijking van lijn l is dus $y = \frac{16}{3\pi}x + 2$ 1
- Uit $y = 0$ volgt $x_E = -\frac{3}{8}\pi$ 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

CO₂

14 maximumscore 3

- Uit de figuur blijkt dat de CO₂-concentratie in 1880 290 (ppm) en in 1900 294 (ppm) was (dus de CO₂-concentratie nam in deze 20 jaar met 4 (ppm) toe) 1
 - Arrhenius voorspelde daarom (voor de 100 jaar) tussen 1900 en 2000 een toename van $(5 \cdot 4 =) 20$ (ppm) 1
 - De werkelijke toename tussen 1900 en 2000 was $(370 - 294 =) 76$ (ppm) dus de door Arrhenius voorspelde toename was $(76 - 20 =) 56$ (ppm) te klein 1
- of
- Het lijnstuk tussen 1880 en 1900 is doorgetrokken tot het jaar 2000 1
 - De CO₂-concentratie in 2000 volgens Arrhenius is afgelezen: 314 (ppm) 1
 - In werkelijkheid nam de CO₂-concentratie tot 370 toe, dus de door Arrhenius voorspelde toename was $(370 - 314 =) 56$ (ppm) te klein 1

Opmerking

In de met behulp van het doorgetrokken lijnstuk afgelezen waarde van de CO₂-concentratie is een marge van 2 ppm toegestaan.

15 maximumscore 4

- In 2000 was de menselijke component 85 (ppm) 1
- De groeifactor per 70 jaar is $\frac{85}{15} (\approx 5,67)$ 1
- Dus de groeifactor per 10 jaar is $\left(\frac{85}{15}\right)^{\frac{1}{7}}$ 1
- $\left(\frac{85}{15}\right)^{\frac{1}{7}} \approx 1,28$ dus de procentuele toename per 10 jaar is 28 (%) 1

16 maximumscore 4

- De vergelijking die moet worden opgelost is $15 \cdot 1,025^t = 285$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- $t \approx 119$ 1
- ($t = 0$ komt overeen met 1 juli 1930, dus) $t \approx 119$ valt in het jaar 2049 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

Rakende cirkels

17 maximumscore 4

- Kies punt S op de y -as zo, dat driehoek MSN rechthoekig is 1
- Dan geldt: $MS = r - s$ en $MN = r + s$ 1
- $MS^2 + NS^2 = MN^2$ geeft $NS^2 = (r + s)^2 - (r - s)^2$ 1
- Omdat $OQ = NS$ volgt $OQ = \sqrt{(r + s)^2 - (r - s)^2}$ 1

18 maximumscore 3

- $OQ = \sqrt{r^2 + 2rs + s^2 - (r^2 - 2rs + s^2)}$ 1
- Dit geeft $OQ = \sqrt{4rs}$ 1
- Hieruit volgt $OQ = 2\sqrt{rs}$, dus $a = 2$ 1

of

- Kies bijvoorbeeld $r = 2$ en $s = 1$, dan: $OQ = \sqrt{(2+1)^2 - (2-1)^2} = \sqrt{8}$ 1
- $OQ = a\sqrt{rs}$, dus $\sqrt{8} = a\sqrt{2}$ 1
- Hieruit volgt $a = 2$ 1

19 maximumscore 4

- $OQ = \sqrt{16} = 4$ (of $OQ = 2\sqrt{4 \cdot 1} = 4$) 1
- Dus $M(0, 4)$ en $N(4, 1)$ 1
- Hieruit volgt: de richtingscoëfficiënt van MN is $-\frac{3}{4}$ 1
- Dus de richtingscoëfficiënt van l is $\frac{4}{3}$ 1