

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

Succesvogels en pechvogels

1 maximumscore 3

- Aflezen uit de figuur: het aantal in 2004 komt overeen met 65% en het aantal in 1994 met 95% 1
- In 1990 waren er $60\,000 \cdot \frac{100}{65} \approx 92\,300$ (grutto's) (of nauwkeuriger) 1
- In 1994 waren er $92\,300 \cdot \frac{95}{100} \approx 88\,000$ (grutto's) (of nauwkeuriger) 1

of

- Aflezen uit de figuur: het aantal in 2004 komt overeen met 65% en het aantal in 1994 met 95% 1
- In 1994 waren er $60\,000 \cdot \frac{95}{65} \approx 88\,000$ (grutto's) (of nauwkeuriger) 2

Opmerking

Bij het aflezen uit de figuur mag een marge van 2% gehanteerd worden.

2 maximumscore 4

- Het inzicht dat er in 1990 met 100 en in 2005 met 5 gewerkt mag worden 1
- De groeifactor per jaar is $(0,05)^{\frac{1}{15}}$ 2
- Het antwoord: 0,8 (of nauwkeuriger) 1

3 maximumscore 4

- Het maken (op de GR) van twee tabellen van zowel de groei van soort A als soort B 2
 - Soort B is voor het eerst twee keer zo groot als soort A na 28 (jaar) 2
- of
- $b \cdot 1,042^t = 2 \cdot b \cdot 1,016^t$ 1
 - $1,042^t = 2 \cdot 1,016^t$ 1
 - Beschrijven hoe deze vergelijking wordt opgelost met de GR 1
 - Het antwoord: na 28 (jaar) 1

Opmerking

Als gewerkt wordt met een getallenvoorbeeld als beginwaarde, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

Vraag	Antwoord	Scores
4	maximumscore 5	
	• Voor de berekening van de halveringstijd moet de vergelijking $g^t = 0,5$ worden opgelost	1
	• De halveringstijd die hoort bij een groeifactor 0,975, is 27 jaar (of nauwkeuriger)	1
	• Bij dag 130 (groeifactor 0,965) hoort een halveringstijd van 19 jaar (of nauwkeuriger)	1
	• Bij dag 140 hoort een groeifactor 0,955 en daarbij hoort een halveringstijd van 15 jaar (of nauwkeuriger)	1
	• De conclusie: de halveringstijd neemt niet met een vast aantal jaren af	1

Statistiek in de auto-industrie

5	maximumscore 3	
	• Beschrijven hoe het percentage met een lengte kleiner dan 278, uitgaande van $\mu = 280$ en $\sigma = 0,65$ met de GR kan worden berekend	1
	• $P(X < 278) \approx 0,001$ (of nauwkeuriger)	1
	• Het gevraagde percentage is $2 \cdot 0,001 \cdot 100\% = 0,2(\%)$	1
	of	
	• Het gevraagde percentage kan berekend worden op basis van $1 - P(278 \leq X \leq 282)$	1
	• Beschrijven hoe $P(278 \leq X \leq 282)$ met de GR kan worden berekend	1
	• Het gevraagde percentage is $0,2(\%)$ (of nauwkeuriger)	1
6	maximumscore 4	
	• $P(X > 284 \mu = ? \text{ en } \sigma = 0,65) = 0,05$	2
	• Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost wordt met de GR	1
	• $\mu = 283$ (cm) (dus vanaf 283 cm)	1

Vraag	Antwoord	Scores
7	maximumscore 4	
	<ul style="list-style-type: none"> We moeten kijken naar de kleinste van de waarden van C_{links} en C_{rechts}, dus naar het verschil tussen het gemiddelde en de dichtstbijzijnde specificatiegrens 	1
	<ul style="list-style-type: none"> Als het gemiddelde verder van de streefwaarde af ligt, is het verschil tussen het gemiddelde en de dichtstbijzijnde specificatiegrens kleiner 	2
	<ul style="list-style-type: none"> Dus de waarde van C wordt kleiner 	1
	of	
	<ul style="list-style-type: none"> Als het gemiddelde van de steekproef kleiner is dan de streefwaarde, is C_{links} het kleinst; is het gemiddelde van de steekproef groter dan de streefwaarde, dan is C_{rechts} het kleinst 	1
	<ul style="list-style-type: none"> Als het gemiddelde verder van de streefwaarde af ligt, wordt de teller in de breuk van de kleinste C-waarde kleiner 	2
	<ul style="list-style-type: none"> Dus de waarde van C wordt kleiner 	1
	<i>Opmerking</i>	
	<i>Als een kandidaat alleen met getallenvoorbeelden gerekend heeft, hiervoor ten hoogste 1 scorepunt toekennen.</i>	
8	maximumscore 5	
	<ul style="list-style-type: none"> $P(\text{koplamp tussen } 0,5^\circ \text{ en } 2,0^\circ) = P(0,5 < X < 2 \mid \mu = 1,25 \text{ en } \sigma = 0,25) \approx 0,9973$ (of nauwkeuriger) (of 0,997) 	2
	<ul style="list-style-type: none"> $P(1 \text{ of meer lampen van } 50 \text{ niet tussen } 0,5^\circ \text{ en } 2,0^\circ) = 1 - (0,9973)^{50}$ 	2
	<ul style="list-style-type: none"> Het antwoord: 0,13 (of 0,14) (of nauwkeuriger) 	1
9	maximumscore 4	
	<ul style="list-style-type: none"> Er is sprake van een binomiale verdeling met $n = 50$ en $p = 0,5$ 	1
	<ul style="list-style-type: none"> De gevraagde kans is $1 - P(X \leq 33)$ 	1
	<ul style="list-style-type: none"> Beschrijven hoe deze kans met de GR kan worden berekend 	1
	<ul style="list-style-type: none"> De gevraagde kans is 0,01 (of nauwkeuriger) 	1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

Reistijden

10 maximumscore 3

- Aflezen van twee punten uit de grafiek, bijvoorbeeld: een reis van 1000 km duurt 5,5 uur, een reis van 100 km duurt 2,2 uur 1
- De snelheid is $\frac{1000-100}{5,5-2,2}$ km/u 1
- Het antwoord: 273 (km/u) (of nauwkeuriger) 1

Opmerking

Bij het aflezen in de grafiek mag een afleesmarge van 0,1 uur danwel 10 km gehanteerd worden.

11 maximumscore 4

- Als een voertuig sneller is, betekent dit een kortere reistijd, dus de grafiek ligt dan onder de andere grafiek(en) 1
- Uitspraak 1 is niet juist 1
- Uitspraak 2 is wel juist (maar niet volledig) 1
- Uitspraak 3 is wel juist 1

12 maximumscore 3

- Het tekenen van de grafiek door bijvoorbeeld (0, 0) en (800, 8) 2
- Het snijpunt aflezen: 400 (km) 1

13 maximumscore 3

- De vergelijking $0,00137a + 3,43 = 0,00793a + 1,10$ moet opgelost worden 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- Het antwoord: 356 (of 355) (km) (of nauwkeuriger) 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

Bevingen in Japan

14 maximumscore 3

- $\log(10A) + 3 = \log(10) + \log(A) + 3$ 2
- $\log(10) + \log(A) + 3 = 1 + \log(A) + 3$ 1

Opmerking

Als de vraag alleen wordt beantwoord door het geven van een of meer getallenvoorbeelden, geen scorepunten voor deze vraag toekennen.

15 maximumscore 3

- $\log(A) = M - 3$ 1
- $A = 10^{M-3}$ 1
- Dit herleiden tot $A = 0,001 \cdot 10^M$ 1

16 maximumscore 3

- $A = 0,001 \cdot 10^{5,3}$ 1
 - $A \approx 200$ (of nauwkeuriger) 1
 - De maximale amplitude van de naschok van 2004 is dus $(\frac{200}{10^{2,0}} \approx) 2$ keer (of nauwkeuriger) zo groot als die van de naschok van 2011 1
- of
- De vergelijking $\log(A_{2004}) + 3 = 5,3$ moet worden opgelost 1
 - $A_{2004} = 10^{2,3}$ (of $A_{2004} \approx 200$ (of nauwkeuriger)) 1
 - De maximale amplitude van de naschok van 2004 is dus $(\frac{10^{2,3}}{10^{2,0}} \approx) 2$ keer (of nauwkeuriger) zo groot als die van de naschok van 2011 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

17 maximumscore 5

- Het opstellen van de vergelijking $\left(\frac{1}{2}\right)^t = \frac{1}{4800}$ (of $4800 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^t = 1$) 2
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- $t \approx 12,23$ 1
- Het antwoord: na 98 (dagen) (of nauwkeuriger) 1

of

- De groeifactor per dag is $\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{8}} \approx 0,917$ (of nauwkeuriger) 1
- Het opstellen van de vergelijking $0,917^t = \frac{1}{4800}$ 2
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Het antwoord: na 98 (dagen) (of nauwkeuriger) 1

of

- Een formule waarmee de hoeveelheid radioactief jodium J op tijdstip t (in dagen na 6 april) beschreven kan worden, is $J = 4800 \cdot 5 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{8}t}$ 2
- Het opstellen van de vergelijking $4800 \cdot 5 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{8}t} = 5$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Het antwoord: na 98 (dagen) (of nauwkeuriger) 1

of

- De groeifactor per dag is $\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{8}} \approx 0,917$ (of nauwkeuriger) 1
- Het opstellen van de vergelijking $4800 \cdot 5 \cdot (0,917)^t = 5$ 2
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Het antwoord: na 98 (dagen) (of nauwkeuriger) 1

Opmerkingen

- *Als een kandidaat door middel van bijvoorbeeld herhaald halveren tot het antwoord 104 dagen komt, hiervoor ten hoogste 2 scorepunten toekennen.*
- *Als een kandidaat door tussentijds afronden op een ander antwoord uitkomt, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.*

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

De Manchester kleurencirkel

18 maximumscore 3

- Er zijn voor elk van de drie hoofdkleuren 256 mogelijkheden 1
- Dat zijn in totaal $256^3 = 16\,777\,216$ (kleuren) 2

19 maximumscore 4

- Er is sprake van een binomiale verdeling met $n = 500$ en $p = 0,72$ 1
- De gevraagde kans is $1 - P(X \leq 359)$ 1
- Beschrijven hoe deze kans met de GR kan worden berekend 1
- De gevraagde kans is 0,52 (of nauwkeuriger) (of 52%) 1

20 maximumscore 4

- De kleuren zijn niet positief bij indeling 1 dus $P < 20$ of $N > 5$ (of beide) 1
- Rekening houdend met het wel positief zijn bij indeling 2 resteren de kleuren met $P \geq 30$ en $6 \leq N \leq 10$ 1
- Dat zijn de kleuren 6 en 28 2

Opmerking

Als een kandidaat alleen de kleuren 6 en 28 vermeldt zonder toelichting, hiervoor 2 scorepunten toekennen.

21 maximumscore 3

- Er waren 58 proefpersonen die een negatieve kleur aangaven 1
- Daarvan waren er 54 depressief 1
- De gevraagde kans is dus $\frac{54}{58} \approx 0,93$ (of nauwkeuriger) (of 93%) 1

22 maximumscore 4

- Bij 1000 willekeurige personen zijn 940 gezonden 1
- Van de 940 gezonden kiezen er naar verwachting $(0,098 \cdot 940 \approx) 92$ (of nauwkeuriger) een negatieve kleur 1
- Van de 60 depressieven kiezen er naar verwachting $(0,621 \cdot 60 \approx) 37$ (of nauwkeuriger) een negatieve kleur 1
- De gevraagde kans is $(\frac{37}{37+92} \approx) 0,29$ (of nauwkeuriger) (of 29%) 1