

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

Fontein

13 maximumscore 5

- De druppel valt in de vijver als $y = 0$ dus als $h = 4,9 \cdot t^2$, dus als

$$t = \sqrt{\frac{h}{4,9}} \quad 1$$

- Dan geldt $x = d$, dus $d = v \cdot \sqrt{\frac{h}{4,9}}$ 1

- Dit geeft $d = \sqrt{19,6 \cdot (2,50 - h)} \cdot \sqrt{\frac{h}{4,9}}$ 1

- Dus $d = \sqrt{4 \cdot h \cdot (2,50 - h)}$ 1

- Hieruit volgt $d = 2 \cdot \sqrt{h \cdot (2,50 - h)}$ 1

of

- De druppel valt in de vijver als $x = d$ en $y = 0$, dus als $v \cdot t = d$ en $h = 4,9 \cdot t^2$ 1

- Hieruit volgt $t = \frac{d}{v}$ en dus $h = 4,9 \cdot \frac{d^2}{v^2}$ 1

- Substitutie van $v = \sqrt{19,6 \cdot (2,50 - h)}$ in deze laatste uitdrukking geeft

$$h = 4,9 \cdot \frac{d^2}{19,6 \cdot (2,50 - h)} \quad 1$$

- Dit geeft $d^2 = 4 \cdot h \cdot (2,50 - h)$ 1

- Hieruit volgt $d = 2 \cdot \sqrt{h \cdot (2,50 - h)}$ 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

14 maximumscore 4

- d is maximaal als $h \cdot (2,50 - h)$ maximaal is 1
- Het maximum van $h \cdot (2,50 - h)$ wordt aangenomen midden tussen de nulpunten 0 en 2,50 (of: $h \cdot (2,50 - h) = 2,50h - h^2$, dus de afgeleide van $h \cdot (2,50 - h)$ is $2,50 - 2h$) 1
- Dus $h \cdot (2,50 - h)$ is maximaal voor $h = 1,25$ (of: dus $h \cdot (2,50 - h)$ is maximaal als $2,50 - 2h = 0$ en dit geeft $h = 1,25$) 1
- De maximale waarde van d is $2 \cdot \sqrt{1,25 \cdot (2,50 - 1,25)}$, dus de gevraagde afstand is 2,50 m (of 250 (cm)) 1

of

- $d' = 2 \cdot \frac{1}{2 \cdot \sqrt{h \cdot (2,50 - h)}} \cdot (1 \cdot (2,50 - h) + h \cdot -1)$ 1
- $d' = 0$ als $(1 \cdot (2,50 - h) + h \cdot -1) = 0$ 1
- Dit geeft $2,50 - 2h = 0$ dus $h = 1,25$ 1
- De maximale waarde van d is $2 \cdot \sqrt{1,25 \cdot (2,50 - 1,25)}$, dus de gevraagde afstand is 2,50 m (of 250 (cm)) 1