

### 3 Vanuit een stomphoekige driehoek

9. Vanwege de stelling van de constante hoek geldt  $\angle BCD = \angle BAD = 60^\circ$ . Ook vanwege de stelling van de constante hoek geldt  $\angle CBD = \angle CAD = 60^\circ$ . Vanwege de hoekensom van een driehoek moet dan gelden dat  $\angle BDC = 180^\circ - \angle BCD - \angle CBD = 180^\circ - 60^\circ - 60^\circ = 60^\circ$ . Aangezien alle hoeken van  $\triangle BCD$  gelijk aan elkaar zijn is  $\triangle BCD$  gelijkzijdig.
10. Eerst toon je de congruentie van  $\triangle CEB$  met  $\triangle CAD$  aan. Hiervoor merk je op dat vanwege de (gegeven) gelijkzijdigheid van  $\triangle ACE$  geldt dat  $|AC| = |EC|$ . Vanwege de in de vorige opgave bewezen gelijkzijdigheid van  $\triangle BCD$  geldt ook  $|CD| = |CB|$ . Als laatste geldt het volgende:

$$\angle BCE = \angle BCA + \angle ACE = \angle BCA + 60^\circ = \angle BCA + \angle BCD = \angle ACD.$$

Je hebt nu *ZHZ*-congruentie aangetoond, dus  $\triangle CEB \cong \triangle CAD$ . Hieruit volgt dat  $|AD| = |EB| = |EA| + |AB| = |CA| + |AB|$ .