

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

## Eiwit en vet in melk

### 1 maximumscore 4

Voorbeeld van een juiste berekening:

- De punten (1985, 5500) en (2005, 8500) aflezen 1
- De toename per jaar is 150 1
- De vergelijking  $8500 + 150t = 12\ 000$  oplossen (met  $t = 0$  op 31 december 2005) 1
- Dit geeft  $t = 23,3$  (of nauwkeuriger), dus het antwoord: (vanaf) 2029 1

*Opmerking*

*Bij het aflezen uit figuur 1 mag een marge van 100 (kg/jaar) gehanteerd worden.*

### 2 maximumscore 3

- $P(X \geq 3,5 \mid \mu = 4,4 \text{ en } \sigma = 0,7)$  1
- Beschrijven hoe deze kans berekend kan worden 1
- Het antwoord: 90(%) 1

*Opmerking*

*Als in plaats van een percentage in deze en in de twee volgende vragen een kans is gegeven, hiervoor eenmaal 1 scorepunt in mindering brengen.*

### 3 maximumscore 5

- Een koe wordt niet in de gaten gehouden als  $V \geq 3,8$  én  $E \geq 3,0$  1
- Beschrijven hoe  $P(V \geq 3,8)$  en  $P(E \geq 3,0)$  berekend kunnen worden 1
- $P(V \geq 3,8 \text{ én } E \geq 3,0) = 0,804 \cdot 0,894 = 0,719$  (of nauwkeuriger) 1
- De kans dat een koe in de gaten wordt gehouden, is  $1 - 0,719 (= 0,281)$  1
- Het antwoord: 28(%) (of nauwkeuriger) 1

of

- Beschrijven hoe  $P(V < 3,8)$  en  $P(E < 3,0)$  berekend kunnen worden 1
- De som van deze kansen is  $0,196 + 0,106 = 0,302$  (of nauwkeuriger) 1
- Maar nu is  $P(V < 3,8 \text{ én } E < 3,0)$  dubbel geteld 1
- Deze kans is  $(0,196 \cdot 0,106 =) 0,021$  (of nauwkeuriger) 1
- De kans dat een koe in de gaten wordt gehouden, is  $0,302 - 0,021 = 0,281$ , het antwoord is dus 28(%) (of nauwkeuriger) 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

**4 maximumscore 4 altijd toekennen**

Toelichting:

De vraag wordt niet volledig gedekt door de syllabus.

- Het gemiddelde van  $V - E$  is  $\mu = 4,4 - 3,5 = 0,9$  1
- De standaardafwijking van  $V - E$  is  $\sigma = \sqrt{0,7^2 + 0,4^2}$  1
- Beschrijven hoe  $P(V - E < 0)$  berekend kan worden 1
- Het antwoord: 13(%) (of nauwkeuriger) 1

**5 maximumscore 6**

- De hypothese  $H_0: \mu = 3,49$  moet getoetst worden tegen  $H_1: \mu > 3,49$  1
- De standaardafwijking van het gemiddelde eiwitpercentage is  $\frac{0,4}{\sqrt{44}} (\approx 0,06)$  1
- De overschrijdingskans  $P(X > 3,60 | \mu = 3,49 \text{ en } \sigma = \frac{0,4}{\sqrt{44}})$  1
- Beschrijven hoe deze kans berekend kan worden 1
- Deze kans is 0,03 (of nauwkeuriger) 1
- $0,03 < 0,05$ , dus er mag verondersteld worden dat de speciale voeding het eiwitpercentage verhoogt 1

*Opmerking*

*Als de  $\sqrt{n}$ -wet niet gebruikt is, voor deze vraag maximaal 4 scorepunten toekennen.*

## Gewicht van dieren

**6 maximumscore 4**

- Het opstellen van de vergelijkingen  $3,27 = a \cdot 1^b$  en  $520 = a \cdot 1000^b$  1
- Uit de eerste vergelijking volgt  $a = \left(\frac{3,27}{1^b}\right) 3,27$  1
- De tweede vergelijking wordt hiermee  $520 = 3,27 \cdot 1000^b$  1
- $b = 0,734$  1

Vraag	Antwoord	Scores
<b>7</b>	<b>maximumscore 5</b>	
	• $G = 1$ geeft $E = 3,3$ en $G = 10$ geeft $E = 3,3 \cdot 10^{0,73} \approx 17,72$	1
	• $\frac{17,72}{3,3} \neq 10$ , dus stelling I is niet waar	1
	• Aflezen: coördinaten kat $(3, 7)$	1
	• Aflezen: coördinaten schaap $(50, 60)$	1
	• Voor de kat geldt $\frac{E}{G} \approx 2$ , voor het schaap $\frac{E}{G} \approx 1$ , dus stelling II is niet waar	1
	of	
	• $10^{0,73} \neq 10$ , dus stelling I is niet waar	2
	• Een formule voor de energie per kg gewicht is $\frac{E}{G} = 3,3 \cdot G^{-0,27}$	1
	• Een schets van de grafiek van $\frac{E}{G}$ , waaruit blijkt dat $\frac{E}{G}$ dalend is	1
	• Het gewicht van een kat is kleiner dan dat van een schaap, dus stelling II is niet waar	1
<b>8</b>	<b>maximumscore 3</b>	
	• $E' = 3,3 \cdot 0,73 \cdot G^{-0,27} (= 2,409 \cdot G^{-0,27})$	1
	• $G^{-0,27}$ neemt af als $G$ toeneemt, dus $E'$ neemt af (als $G$ toeneemt)	1
	• $E$ is afnemend stijgend	1
	of	
	• $E' = 3,3 \cdot 0,73 \cdot G^{-0,27} (= 2,409 \cdot G^{-0,27})$	1
	• Op basis van een schets van de grafiek van $E'$ constateren dat $E'$ afneemt (als $G$ toeneemt)	1
	• $E$ is afnemend stijgend	1
<b>9</b>	<b>maximumscore 4</b>	
	• $\log(E) = \log(3,3 \cdot G^{0,73})$	1
	• $\log(E) = \log(3,3) + \log(G^{0,73})$	1
	• $\log(E) = \log(3,3) + 0,73 \cdot \log(G)$	1
	• $\log(E) = 0,52 + 0,73 \cdot \log(G)$ (dus $p = 0,52$ en $q = 0,73$ )	1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

## Accountantscontrole

### 10 maximumscore 3

- Het aantal achten  $X$  is binomiaal verdeeld met  $n = 100$  en  $p = 0,1$  1
- Beschrijven hoe  $P(X = 10)$  berekend kan worden 1
- Het antwoord: 0,13 (of 13%) (of nauwkeuriger) 1

### 11 maximumscore 4

- De verschillen zijn:  $-14, 0, -7, 19, 6, 12, -8, -3, -7, 2$  (of alle verschillen positief) 1
- De kwadraten van die verschillen zijn opgeteld 912 1
- $\frac{912}{92} = 9,9$  (of nauwkeuriger) 1
- ( $9,9 < 19,0$  dus) er is geen reden om aan te nemen dat de cijfers door de ondernemer zijn verzonden 1

### 12 maximumscore 4

- De accountant kiest 2 foute ordners en dus 18 niet-foute 1
- Er zijn  $\binom{20}{2}$  (= 190) volgordes mogelijk 1
- Voor elke volgorde is de kans  $\frac{2}{40} \cdot \frac{1}{39} \cdot \frac{38}{38} \cdot \frac{37}{37} \cdot \dots \cdot \frac{21}{21}$  (=  $\frac{1}{780}$ ) (of 0,001282 (of nauwkeuriger)) 1
- Het antwoord:  $(190 \cdot \frac{1}{780} =) 0,24359$  1

of

- De accountant kiest 2 foute ordners en dus 18 niet-foute 1
- De kans is  $\frac{\binom{2}{2} \cdot \binom{38}{18}}{\binom{40}{20}}$  2
- Het antwoord: 0,24359 1

#### Opmerkingen

- Voor het tweede antwoordelement van het tweede antwoordalternatief uitsluitend 0 of 2 scorepunten toekennen
- Als is gerekend met de binomiale kansverdeling voor deze vraag maximaal 2 scorepunten toekennen.

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

**13 maximumscore 6**

- De kans dat de accountant minstens 1 foute ordner ontdekt, is  $1 - P(\text{geen ontdekkingen})$  1
- De kans op 0 foute ordners is 0,2436 1
- De kans op 1 foute ordner die niet ontdekt wordt, is  $0,25 \cdot 0,5128$  1
- De kans op 2 foute ordners die beide niet ontdekt worden, is  $0,25^2 \cdot 0,2436$  2
- De gevraagde kans is  $1 - (0,2436 + 0,25 \cdot 0,5128 + 0,25^2 \cdot 0,2436) = 0,61$  (of 61%) (of nauwkeuriger) 1

of

- Bij 1 foute ordner in de steekproef is de kans op ontdekken daarvan gelijk aan 0,75 1
- De kans op 1 foute ordner die ook wordt ontdekt, is  $0,75 \cdot 0,5128$  1
- Als de steekproef 2 foute ordners bevat, is de kans op ontdekken van minstens 1 daarvan  $1 - P(\text{geen ontdekkingen})$  1
- $1 - P(\text{geen ontdekkingen}) = 1 - 0,25^2 = 0,9375$  1
- De kans op 2 foute ordners waarvan er minstens 1 wordt ontdekt, is  $0,9375 \cdot 0,2436$  1
- De gevraagde kans is  $0,75 \cdot 0,5128 + 0,9375 \cdot 0,2436 = 0,61$  (of 61%) (of nauwkeuriger) 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

## Zuiniger rijden

### 14 maximumscore 3

- De actieradius neemt af met  $625 - 539 = 86$  km 1
- Hij legt 100 km af terwijl zijn actieradius met 86 km afneemt 1
- Dus hij wint 14 (km) 1

### 15 maximumscore 4

- Bij de volle tank geldt  $A(0) = 625$  1
- De vergelijking  $A(x) = 0$  moet worden opgelost 1
- De oplossing:  $x = 694$  (of nauwkeuriger) 1
- Dus hij kan  $(694 - 625 =)$  69 (km) méér rijden (of nauwkeuriger) 1

### 16 maximumscore 5

- Voor het juiste gebruik van de quotiëntregel 2
- De formule van de afgeleide  

$$S'(x) = 1 + 5000 \cdot \frac{-7,2 \cdot (40000 - 3x) - (5000 - 7,2x) \cdot -3}{(40000 - 3x)^2}$$
 (of een gelijkwaardige vorm) 1
- Een schets van de grafiek van de afgeleide op het interval  $[0; 500]$  1
- De grafiek van deze afgeleide ligt boven de  $x$ -as, dus  $S$  is stijgend (en dus wint de automobilist voortdurend kilometers) 1

#### Opmerking

Voor het eerste antwoordelement uitsluitend 0 of 2 scorepunten toekennen.

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

## Gitaar

### 17 maximumscore 4

- $A_6 = L - 20$  1
- $L - 20 = L \cdot 0,9439^6$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- Het antwoord: 68 (cm) 1

### 18 maximumscore 4

- $A_{12}$  moet precies de helft van  $L$  zijn 1
- $g^{12} = 0,5$  (hierin is  $g$  de groeifactor per fretnummer) 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- Het antwoord:  $g = 0,94387$  1

### 19 maximumscore 3

- $A_n = L \cdot 2^{-\frac{n}{12}}$  1
- $A_n = L \cdot \left(2^{-\frac{1}{12}}\right)^n$  1
- $2^{-\frac{1}{12}} \approx 0,9439$  geeft  $A_n = L \cdot 0,9439^n$  1

### 20 maximumscore 5

- De Regel van 18 geeft:  $d_1 = \frac{65}{18} = 3,611$  (of nauwkeuriger) 1
- $A_1 = 65 - 3,611 = 61,389$  1
- $\frac{61,389}{18} + 3,611 = 7,022$  (of nauwkeuriger), dus  $d_2 = 7,022$  (cm) (of nauwkeuriger) 1
- De formule geeft:  $d_2 = 65 - 65 \cdot 0,9439^2 = 7,088$  (cm) (of nauwkeuriger) 1
- Het antwoord:  $(7,088 - 7,022 =) 0,07$  cm (of 0,7 (mm)) 1

#### Opmerking

Als in de formule de groeifactor 0,94387 of  $0,5^{\frac{1}{12}}$  gebruikt wordt, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

## Compensatiescore

---

### 21 maximumscore 18

Volgens vakspecifieke regel 4c bedraagt de aftrek voor fouten zoals bedoeld onder 4a en/of fouten bij het afronden van het eindantwoord voor het hele examen maximaal 2 scorepunten.

Indien u bij een kandidaat voor deze fouten in het hele examen meer dan 2 scorepunten in mindering heeft gebracht, kent u hier een compensatiescore toe.

- Als u meer dan 2 scorepunten in mindering heeft gebracht, kent u het aantal in mindering gebrachte scorepunten dat meer is dan 2 toe.

Voorbeeld:

U heeft voor deze fouten in het hele examen 5 scorepunten in mindering gebracht. Ken dan bij deze component een compensatiescore van 3 toe.

- Als u 2 of minder scorepunten in mindering heeft gebracht, kent u een compensatiescore van 0 toe.