

Kruis in cirkel

- 16 Driehoek 4MPR is een rechthoekige driehoek. Je kunt in deze driehoek dus de stelling van Pythagoras toepassen. Je vindt dan dat

$$\sqrt{MR^2 + PR^2} = \sqrt{2x^2} = x\sqrt{2}$$

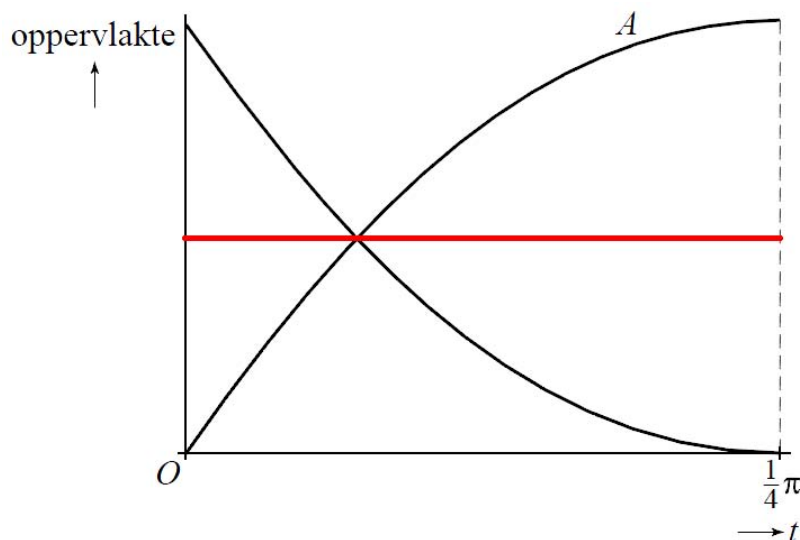
Je weet ook dat $MS = 1$, want dat is de straal van de cirkel. Dan geldt

$$PS = MS - MP = 1 - x\sqrt{2}$$

- 17 Bij de vorige opgave heb je uitgerekend dat $MP = x\sqrt{2}$. Je weet ook hoeveel PS is. Deze twee dingen vul je nu in in de formule $PS = 2 \cdot MP$

$$1 - x\sqrt{2} = 2 \cdot x\sqrt{2} \rightarrow 1 = 3x\sqrt{2} \rightarrow 3x = \frac{1}{\sqrt{2}} \rightarrow x = \frac{1}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{6}$$

- 18 Als $t = \frac{1}{4}\pi$ is de oppervlakte van het kruis gelijk aan de oppervlakte van de cirkel. Als $t = 0$ is de oppervlakte van de grijze delen dus even groot als die oppervlakte. Bij $t = 0$ heeft de grafiek die je moet tekenen dus dezelfde waarde als de oorspronkelijke grafiek bij $t = \frac{1}{4}\pi$. Op dezelfde manier kun je beredeneren dat bij $t = \frac{1}{4}\pi$ de grafiek die je wilt tekenen gelijk is aan de oorspronkelijke grafiek bij $t = 0$. Deze twee punten teken je in je grafiek. Dan teken je de rest van de grafiek door te spiegelen in de rode lijn in de figuur hieronder.



- 19 Eerst bereken je de afgeleide van A. Hierbij moet je de kettingregel voor de termen met de sinus en de cosinus gebruiken. De afgeleide is:

$$A'(t) = 4 + 2 \cos(2t) \cdot 2 - 2 \sin(2t) \cdot 2 = 4 + 4 \cos(2t) - 4 \sin(2t):$$

Halverwege het interval $[0, \frac{1}{4}\pi]$, ofwel $\frac{1}{8}\pi$, geldt:

$$A'(\frac{1}{8}) = 4 + 4 \cos(\frac{1}{4}\pi) - 4 \sin(\frac{1}{4}\pi) = 4$$

De helling van de grafiek is dus inderdaad gehalveerd halverwege het interval.